

Darcy - Gesetz

$$\frac{P_2 - P_1}{L} = \eta \frac{M}{k} \quad ; \quad Re = \frac{\mu d}{\rho} \ll 1$$

$$k = d^2 f(\epsilon)$$

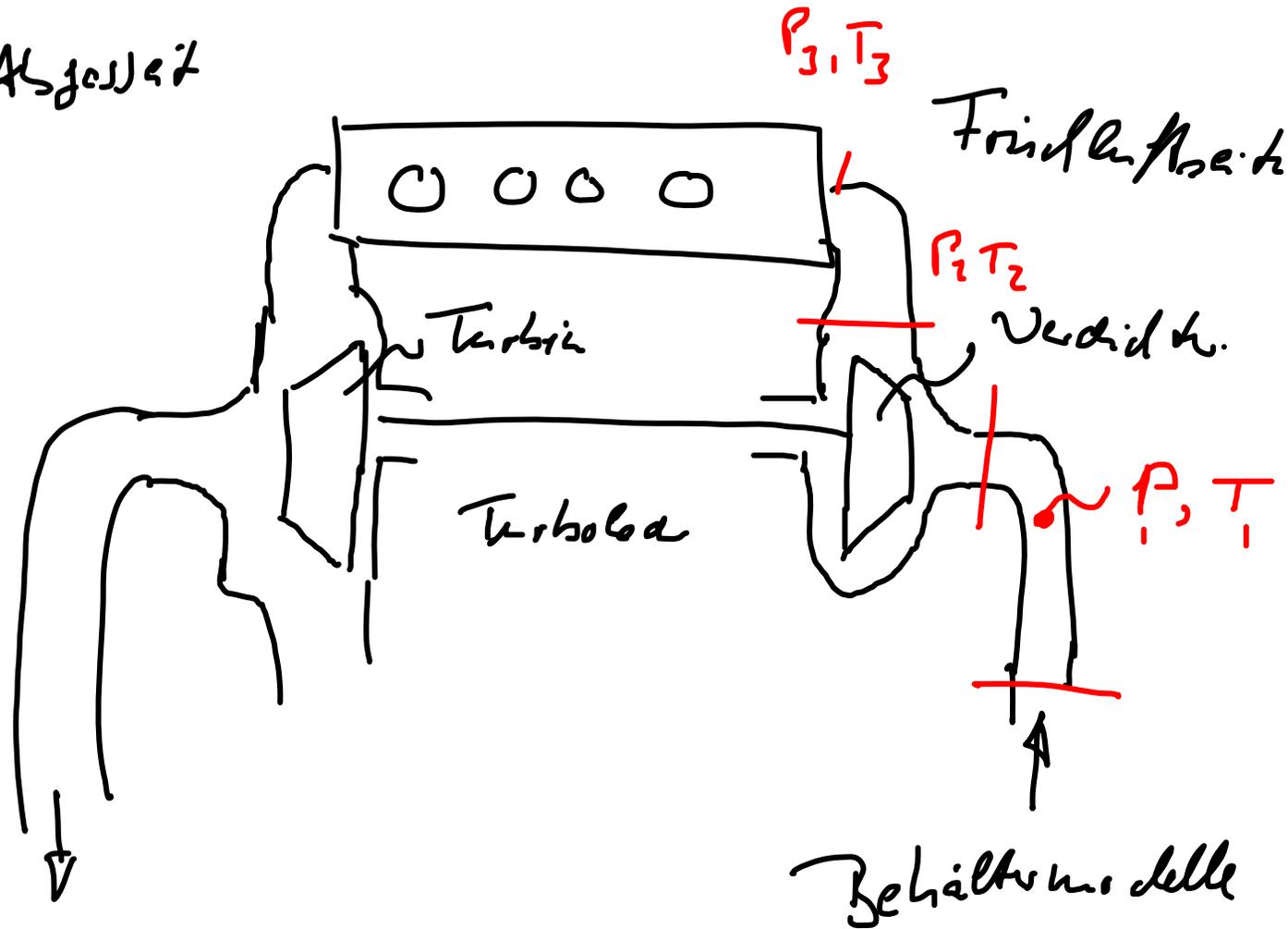
$$\vec{k} \cdot \nabla P = -\eta \vec{M} \quad \text{oder} \quad k_{ij} \frac{\partial P}{\partial x_j} = -\eta M_i$$



Prof. Dr. Ing. Peter Pelz  
Sommersemester 2010  
Grundlagen der Turbo-  
maschinen und Fluidsysteme  
Vorlesung 3

# 4. Beispiel für Fluidsystem Motorluftsystem

Abgaswert



0-1 Modellierung des Systems

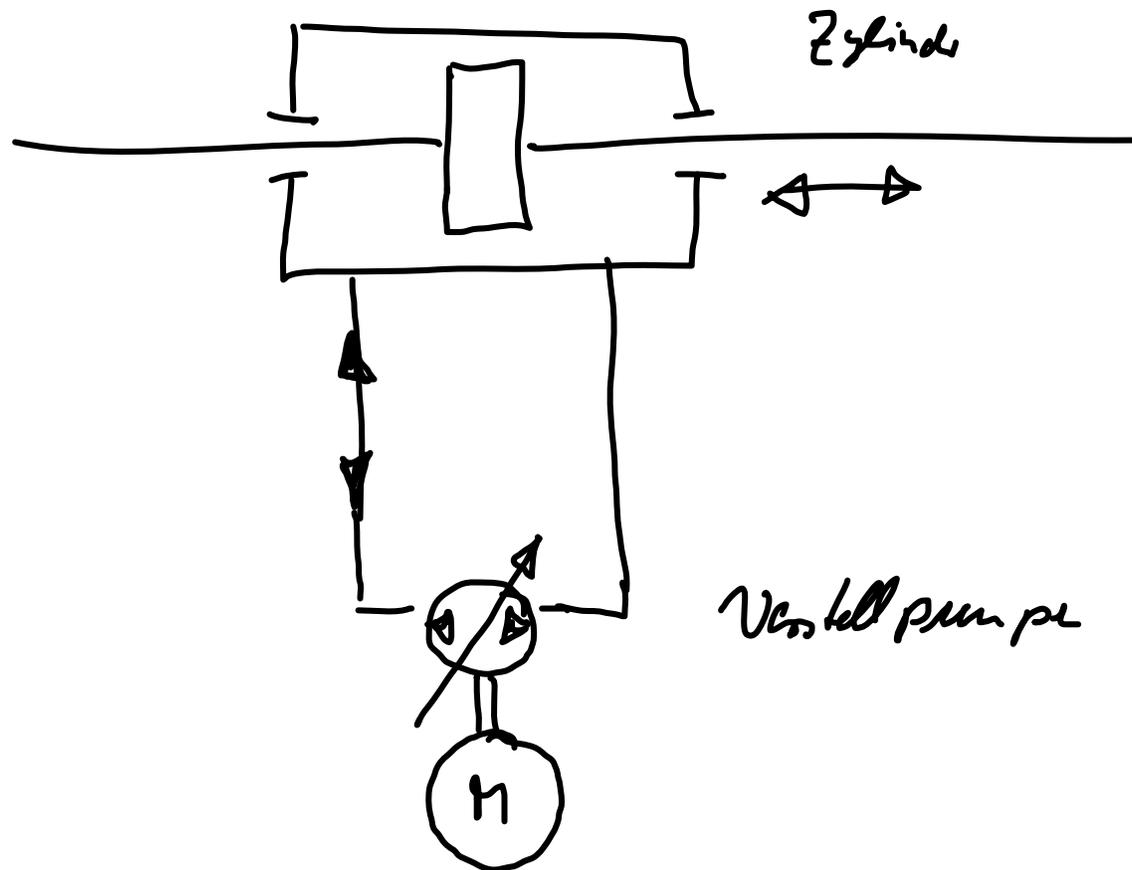


TECHNISCHE  
UNIVERSITÄT  
DARMSTADT



Prof. Dr. Ing. Peter Pelz  
Sommersemester 2010  
Grundlagen der Turbo-  
maschinen und Fluidsysteme  
Vorlesung 3

# 5 Beispiel Hydrostatische Schritze



TECHNISCHE  
UNIVERSITÄT  
DARMSTADT



Prof. Dr. Ing. Peter Pelz  
Sommersemester 2010  
Grundlagen der Turbo-  
maschinen und Fluidsysteme  
Vorlesung 3

## Leitphilosophie: Ockhams Rasiermesser

• Alles sollte so einfach wie möglich sein,  
aber nicht einfacher  
A. Einstein

• Die Genialität einer Konstruktion liegt  
in ihrer Einfachheit. Kompliziert bauen  
kann jeder  
S. Kordjow

•



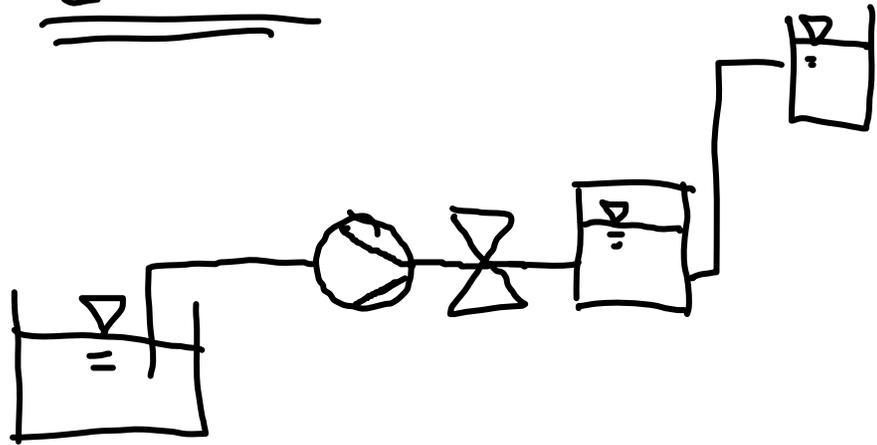
TECHNISCHE  
UNIVERSITÄT  
DARMSTADT



Prof. Dr. Ing. Peter Pelz  
Sommersemester 2010  
Grundlagen der Turbo-  
maschinen und Fluidsysteme  
Vorlesung 3

# 2 Grundlegende Skizzen

## Raumteile



## Materialien

- Gase
- Flüssigkeiten, Schmelzen
- Suspensionen
- Zweiphasenström.

Energievordr. —   
 Energiegleich.  
 + ....

Druckspeich.



Kontinuität.  
 + ...

Rohrleitung



Impulsverlust, Vordrängigkeit  
 + ...



Verlust

Impulsverlust  
 + ...



Prof. Dr. Ing. Peter Pelz  
Sommersemester 2010  
Grundlagen der Turbo-  
maschinen und Fluidsysteme  
Vorlesung 3

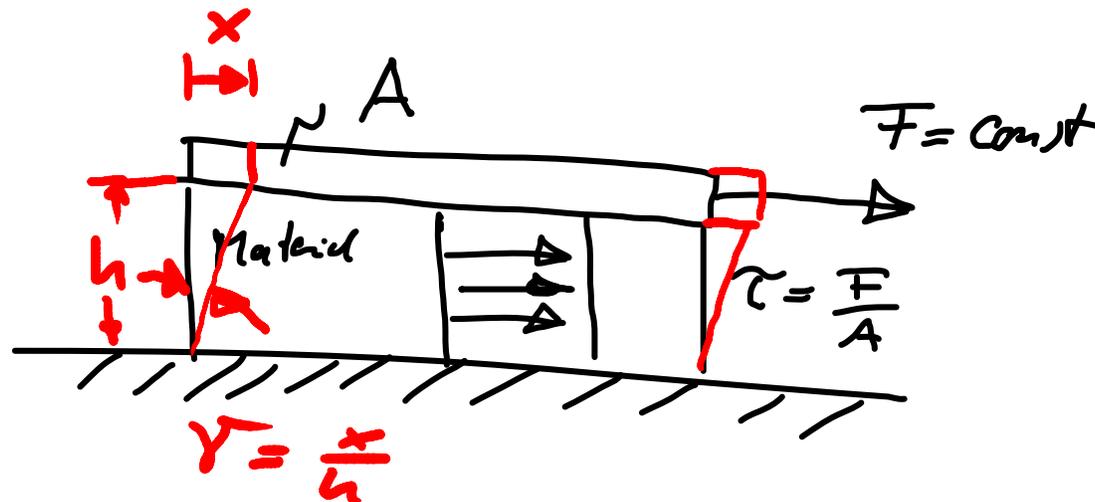
## 2.1 Medien

Gase, Flüssigkeiten, Schmelzen, Suspension, Pasten, ...

Was ist eine Flüssigkeit?

Antwort: Eine Flüssigkeit deformiert sich unter einer Schubbelastung unbegrenzt.

Versuch:



TECHNISCHE  
UNIVERSITÄT  
DARMSTADT



Prof. Dr. Ing. Peter Pelz  
Sommersemester 2010  
Grundlagen der Turbo-  
maschinen und Fluidsysteme  
Vorlesung 3

Flüssigkeit

$$x \rightarrow \infty \text{ für } F = \text{const}$$

$$\dot{x} \rightarrow \text{const}$$

$$\frac{\dot{x}}{L} = \dot{\gamma} \rightarrow \text{const}$$

$$\tau = \text{const}$$

Material-  
gesetz

$$\dot{\gamma} = f_L(\tau)$$

Festkörper

$$x \rightarrow \text{const} \text{ für } F = \text{const}$$

$$\frac{x}{L} = \gamma \rightarrow \text{const} \text{ für } \tau = \text{const.}$$

$$\gamma = f_L(\tau)$$

$\dot{\gamma}$  Scherrate

$$[\dot{\gamma}] = 1/T$$

$\gamma$  Scherung

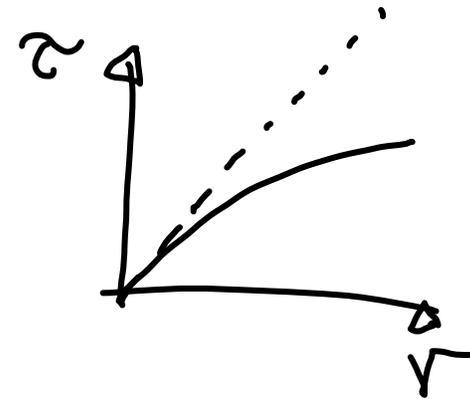
$$[\gamma] = 1$$



# Materialgesetze

Festkörper

$$\tau = \tau(\gamma)$$



Hooke'sche-  
Fedkörper

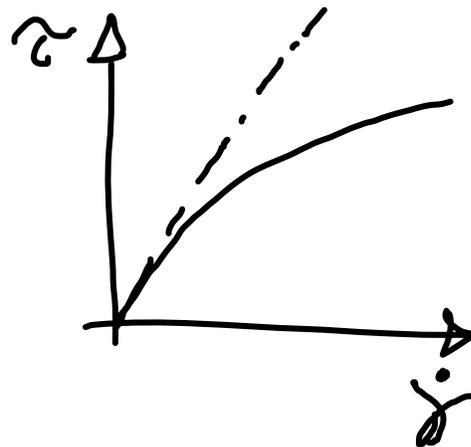
$$\left\{ \begin{array}{l} \tau \sim \gamma \\ \tau = G \gamma \end{array} \right.$$

Proportionalitätskonstante Schubmodul  $G$   $[G] = \frac{F}{L^2}$

Flüssigkeit

$$\tau = \tau(\dot{\gamma})$$

Fließgrenze



$$\tau \sim \dot{\gamma}$$

$$\tau = \eta \dot{\gamma}$$



TECHNISCHE  
UNIVERSITÄT  
DARMSTADT

FLUID  
SYSTEM  
TECHNIK



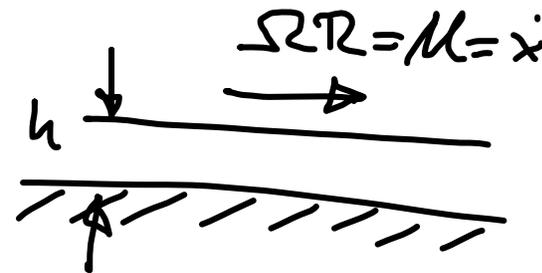
Prof. Dr. Ing. Peter Pelz  
Sommersemester 2010  
Grundlagen der Turbo-  
maschinen und Fluidsysteme  
Vorlesung 3



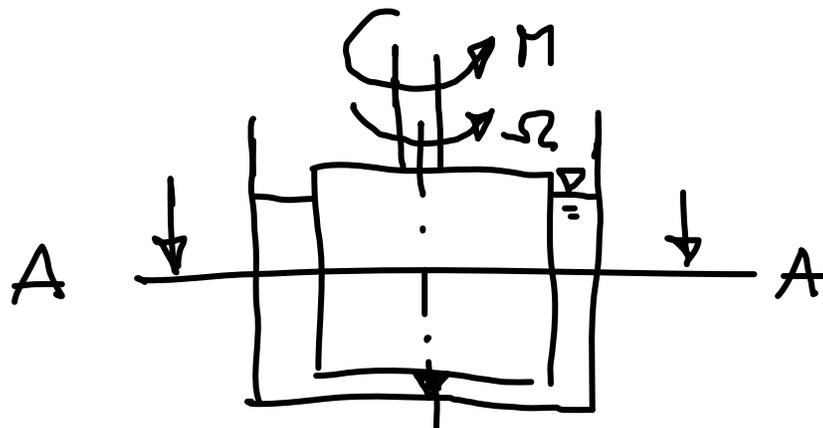
dynamische Viskosität  $\eta$

$$[\eta] = \frac{F}{L^2} T$$

$$\{\eta\} = \text{Pa sec}$$

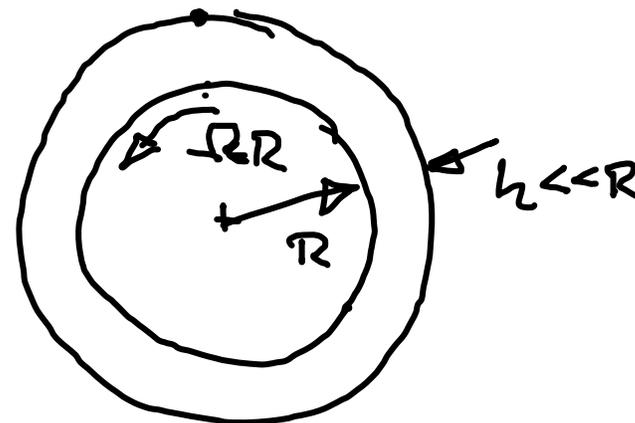


Messung der Viskosität im Rheometer.



Schnitt A-A

$$\dot{\gamma} = \frac{\dot{x}}{h} = \frac{\Omega R}{h}$$

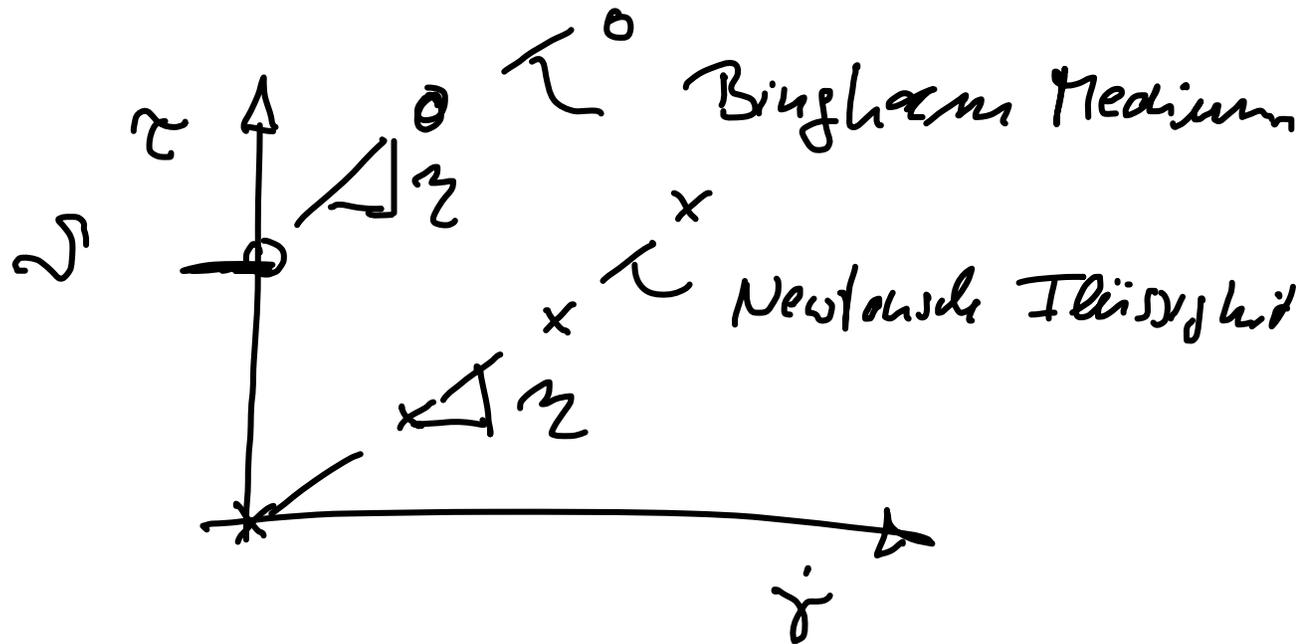


Prof. Dr. Ing. Peter Pelz  
Sommersemester 2010  
Grundlagen der Turbo-  
maschinen und Fluidsysteme  
Vorlesung 3





Prof. Dr. Ing. Peter Pelz  
Sommersemester 2010  
Grundlagen der Turbo-  
maschinen und Fluidsysteme  
Vorlesung 3



$$\tau = \tau_0 \quad , \quad \text{für } \tau \leq \tau_0 \quad \text{Festkörper}$$

$$\tau = \tau_0 + \eta \dot{\gamma} \quad , \quad \text{für } \tau > \tau_0 \quad \text{Flüssigkeit}$$

Dieses Medium: „Einklemmte Schicht“ ist die  
Fließgeschwindigkeit  $\dot{\gamma}$ .

Beispiele für Binghammedien:

- Fette
- smarte Flüssigkeiten

▷ elektro rheologische Flüssigkeiten (ERF)

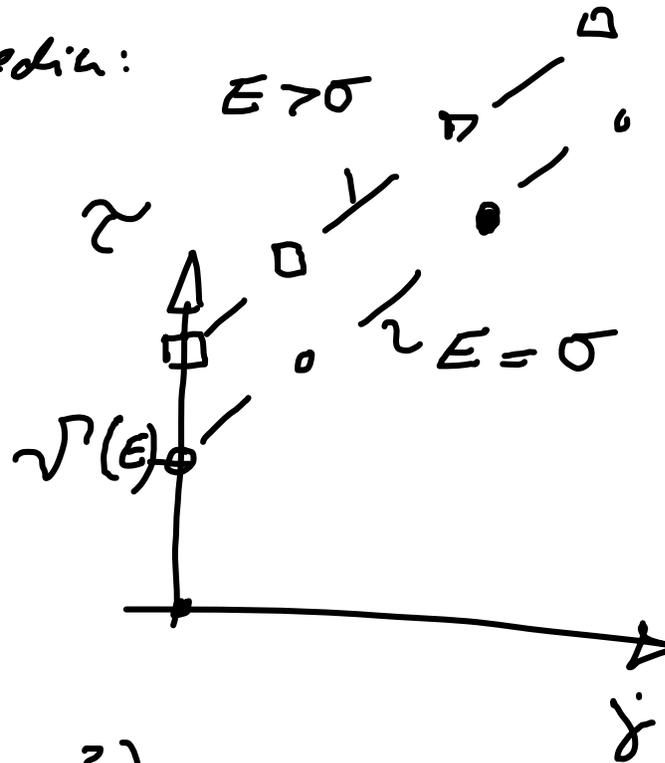
$$\eta = \eta(E^2)$$

$E$  ist der Betrag der elektrischen Feld.

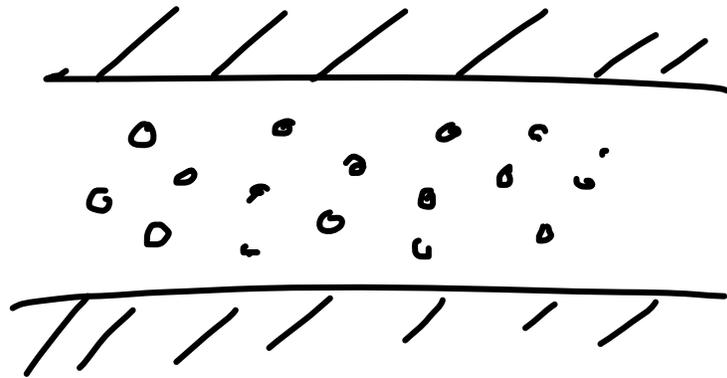
▷ Magneto rheologische Flüssigkeiten (MRF)

$$\eta = \eta(B^2)$$

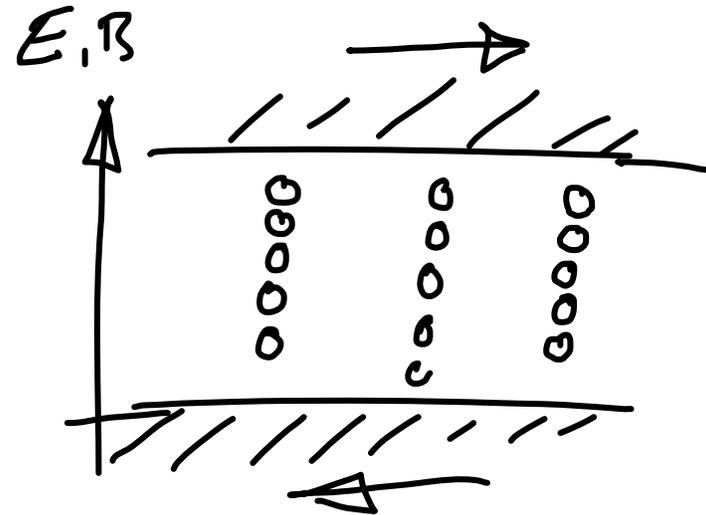
$B$  ist der Betrag der magnetischen Feld.



Prof. Dr. Ing. Peter Pelz  
Sommersemester 2010  
Grundlagen der Turbo-  
maschinen und Fluidsysteme  
Vorlesung 3



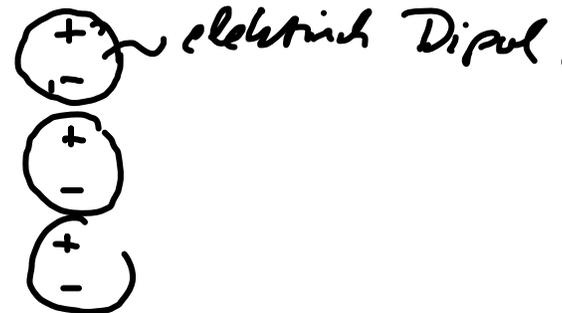
$B, E = 0$



$B, E \neq 0$

ERT Suspended Teilchen sind

Dielektrika

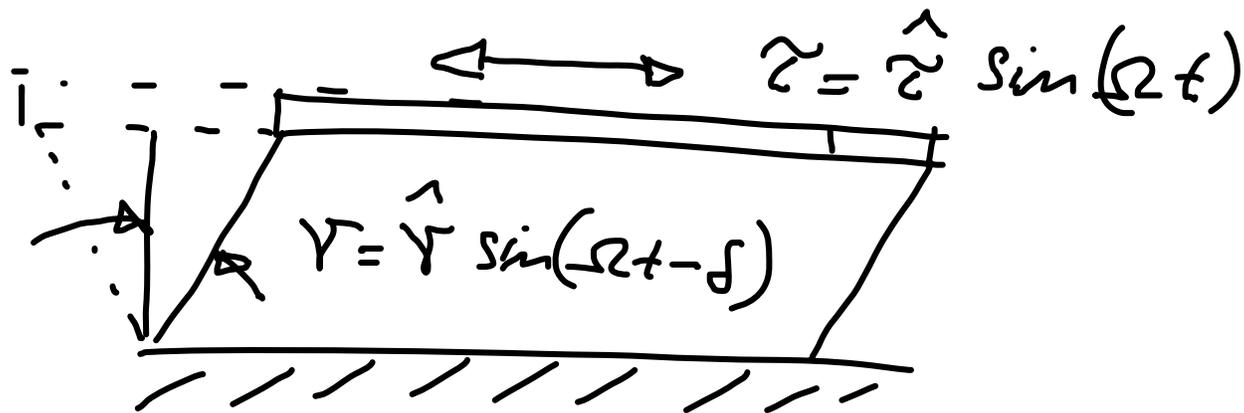


YRF

Suspended Teilchen  
muss magnetisch Dipol sein  $\rightarrow$  metallisch  
Teilchen.

# Viskoelastische Materialien

Eingebauter Schalter ist die  
Relaxationszeit  $\lambda$



kleine langsame Belastung  $\frac{1}{\Omega} \gg \lambda$

$$\leadsto \delta = \frac{\pi}{2}$$



Prof. Dr. Ing. Peter Pelz  
Sommersemester 2010  
Grundlagen der Turbo-  
maschinen und Fluidsysteme  
Vorlesung 3



Prof. Dr. Ing. Peter Pelz  
Sommersemester 2010  
Grundlagen der Turbo-  
maschinen und Fluidsysteme  
Vorlesung 3

Sehr kurze Belastungszeit  $\frac{1}{\Omega} \ll \lambda$

Phase nicht.  $\delta \rightarrow c$

kurze Belastungszeit

$$\frac{1}{\Omega} \ll \lambda$$

große Zeit.

$$\frac{1}{\Omega} \gg \lambda$$

Spannung und Deformationen  
sind in Phase.

Spannung und Deformationen  
sind um  $\frac{\pi}{2}$  Phasenverschiebt.

$$\tau \sim \gamma$$

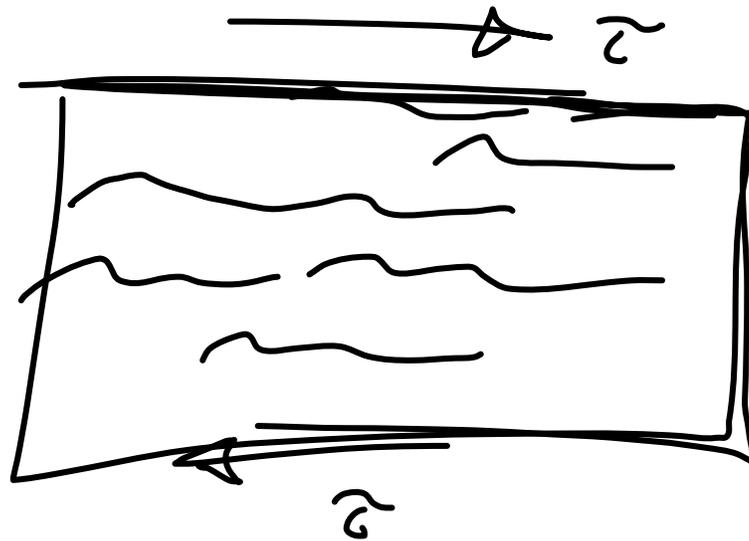
Festkörper

$$\tau \sim \dot{\gamma}$$

Flüssigkeit.

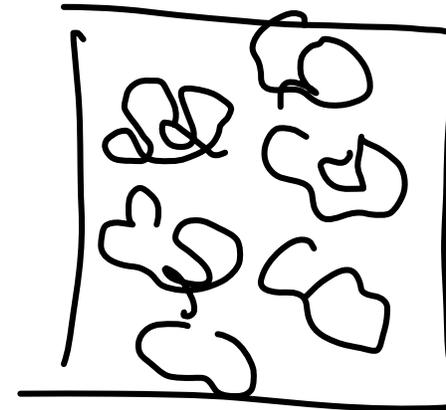


Prof. Dr. Ing. Peter Pelz  
Sommersemester 2010  
Grundlagen der Turbo-  
maschinen und Fluidsysteme  
Vorlesung 3



$$\tau > \sigma$$

$$\epsilon = 0$$



$$\tau = \sigma$$

$$\epsilon = \lambda$$

Beispiel, Elastomere